

РАСЧЕТ ПРОЧНОСТИ СТЕРЖНЕВЫХ ЭЛЕМЕНТОВ СТАЛЬНЫХ КОНСТРУКЦИЙ В ОБЛАСТИ ОГРАНИЧЕННЫХ ПЛАСТИЧЕСКИХ ДЕФОРМАЦИЙ

Vjacheslav Shebanin, Elena Cepurit

Mykolayiv State Agrarian University, Ukraine
Krylova Street 17, Mykolayiv 54040, Ukraine
e-mail: atamanyuk_igor@mail.ru
Petro Mohyla Black Sea State University
68-th Desantnykiv Str.eet 10, Mykolaiv 54003, Ukraine
e-mail: y_kondratenko@rambler.ru

Аннотация. В статье рассмотрена методика расчета прочности сечений стержневых элементов моно- и бистальных конструкций в области пластических деформаций при действии различных комбинаций внешних усилий, в том числе, при действии повторно-переменного нагружения.

Ключевые слова: деформированная схема, ограниченные пластические деформации.

ВВЕДЕНИЕ

Целью данного исследования является теоретическое и экспериментальное обоснование расчета прочности сжато-согнутых и растянуто-согнутых стальных стержней с учетом деформированной схемы по критерию ограниченных пластических деформаций, а также разработка для использования в практике проектирования методики расчета стержневых элементов моно- и бистальных конструкций при действии различных комбинаций внешних усилий, в том числе при действии повторно-переменного нагружения.

ИНФОРМАЦИОННАЯ ТЕХНОЛОГИЯ

В качестве предельного состояния по прочности принято ограничение интенсивности пластических деформаций нормированным предельным значением $\varepsilon_{ip,lim}=0,002$. Величина предельной пластической деформации принята в соответствии со следующим утверждением: пластические составляющие деформации, не превышающие 0,002, не влияют заметно на ударную вязкость и не ухудшают свойства стойкости стали; незначительная величина пластической составляющей деформации обеспечивает возможность приспособляемости конструкций при подвижных и переменных нагружениях, а также дает повышение стойкости, которое приближается к повышению при пластическом шарнире. Приняты обычные допущения, используемые при расчете стальных конструкций за пределом упругости, а именно: деформационная теория пластичности, энергетическое условие текучести, гипотеза плоских сечений, сохранение за пределом текучести распределения касательных напряжений, полученных при расчете в пределах упругости; толщины листов, из которых формируется сечение элементов конструкции, не учитываются.

Для расчетов принята идеализированная диаграмма Прандтля. Действительная диаграмма $\sigma-\varepsilon$ имеет криволинейную часть между пределом упругости и пределом

текучести (3). В случае учета деформированной схемы при расчете прочности сжато-изогнутых и растянуто-изогнутых стальных стержней нет необходимости нелинейной аппроксимации в пластической зоне, поскольку идеализированная диаграмма Прандтля позволяет с достаточной степенью точности найти корректирующие коэффициенты к формулам упругопластического расчета прочности, которые получены без учета деформированной схемы (4). Таким образом, зависимость напряжений от деформаций определяется по формулам:

$$\sigma = \begin{cases} E\varepsilon, & 0 \leq \varepsilon \leq \varepsilon_T \\ \sigma_T, & \varepsilon_T \leq \varepsilon \leq \varepsilon_{lim} \end{cases}, \text{ где:}$$

$$\varepsilon_{lim} = \sigma_T / E + \varepsilon_{lim} = \varepsilon_T + \varepsilon_{lim},$$

σ_T - предел текучести, равный расчетному сопротивлению R_y .

Идеализированная диаграмма напряжений-деформаций достаточно пригодна для расчета балок, причем благодаря самоукреплению материала достигается превышение на 5-8% предельного нагружения над его теоретическим значением.

Рассматриваются стальные и бистальные стержни, имеющие симметричные и асимметричные двутавровые сечения. На стержень совместно действуют продольная (сжимающая или растягивающая) сила и изгибающий момент. Предельная сила в пределах и за пределами упругости приложена в центре тяжести сечения.

Для расчета предложено метод последовательных приближений, согласно которому на каждом шаге итерационного процесса строится эпюра напряженно-деформированного состояния сечений, находящихся в зоне развития пластических деформаций, а также нахождения предельной величины усилий в наиболее нагруженном сечении, в котором развиваются деформации $\varepsilon_{ip,lim}$ (1). Первую из вышеуказанных задач будем называть прямой, вторую соответственно обратной задачей упругопластического расчета сечений (2).

При решении прямой задачи проводилась классификация возможных видов эпюр напряженно-деформированного состояния сечения, а также строились эпюры остаточных напряжений, соответствующие полной разгрузке сечения, с учетом теоремы про упругий характер разгрузки. Рассмотрены характерные случаи остаточного напряженно-деформированного состояния сечения при действии различных комбинаций внешних усилий и последующей разгрузке. Для расчета использовались геометрические характеристики сечения, а также расчетные сопротивления стенки и полок.

При исследовании прочности стержневых элементов применялась методика учета физической и геометрической нелинейности, а также методы аппроксимации при нахождении аналитических зависимостей, характеризующих величину прогибов в соответствии с точкой приложения поперечной силы.

Практическая методика расчета прочности моно-и бистальных стержней реализует принцип сохранения традиционного вида формул, используемых в упругой стадии работы, с дополнением системой корректирующих коэффициентов, соответствующих взаимодействию различных комбинаций изгибающего момента и продольной силы.

Основными типами рассматриваемых сечений являются двутавровые симметричные и асимметричные, в которых могут быть продольные ребра на стенке, служащие для обеспечения местной устойчивости.

При решении обратной задачи рассматривались характерные случаи напряженно-деформированного состояния сечения, которые отличаются текучестью или упругой работой поясов и частей стенки возле поясов сечения. Строились эпюры нормальных напряжений для следующих основных случаев работы асимметричного сечения в упругопластической области под действием изгибающего момента и сжимающей

продольной силы при условии, что в верхней полке напряжения от продольной силы и изгибающего момента имеют один знак: 1) предельная пластическая деформация достигается в крайних волокнах верхней части стенки и в верхней полке по всей ее ширине, нижняя часть стенки и нижняя полка работают упруго на растяжение; 2) верхняя и нижняя части сечения работают на сжатие, в верхней части сечения достигается предельная пластическая деформация; 3) текучесть развивается в верхней и нижней частях сечения, при этом предельная пластическая деформация достигается только в верхней части стенки и в верхней полке по всей ее ширине, верхняя часть сечения работает на сжатие, нижняя – на растяжение.

Используя уравнение:

$$M = \int_A \sigma_x y dx, \text{ которое дает величину внутреннего момента можно найти величину}$$

предельного изгибающего момента по соответствующей эпюре нормальных напряжений. Введем обозначения:

A_1, A_2 - площади поясных листов, A_3 - площадь стенки, h - высота сечения, α - относительное расстояние от нижней полки до нейтральной линии, α_1 - относительная величина пластической области.

Для первого случая работы моносталяного сечения была получена формула:

$$M_{\text{lim}} = \left| -A_1 R_W h - \alpha_1 A_2 R_W \left(1 - \frac{\alpha_1}{2}\right) - \right. \\ \left. - \frac{1}{2}(1 - \alpha - \alpha_1) A_2 R_W \left(\alpha + \frac{2}{3}(1 - \alpha - \alpha_1)\right) h + \frac{1}{2} \alpha A_2 \sigma_H \frac{1}{3} \alpha h \right| + N h_H, \text{ где:}$$

$$h_H = (A_1 h + A_2 h / 2) / (A_1 + A_2 + A_3) - \text{расстояние от нижней полки до центра тяжести сечения.}$$

Аналогично по эпюрам напряженно-деформированного состояния, соответствующим другим случаям работы сечения, определяются формулы для нахождения предельного изгибающего момента в наиболее нагруженном сечении стержня.

Для решения вопроса о приспособляемости сечения при разгрузке и последующем нагружении строились эпюры остаточных напряжений как суммарные с эпюрами, соответствующими упругой полной и частичной разгрузке.

При решении прямой задачи по известному значению изгибающего момента M и продольного усилия N находится значение ε_{ip} пластической деформации i -го сечения.

При этом имеется в виду, что $M_S < M < M_{\text{lim}}$, где M_S - наибольший изгибающий момент в пределах упругости, M_{lim} - изгибающий момент, соответствующий развитию предельной величины пластической деформации $\varepsilon_{ip, \text{lim}}$. Для реализации поставленной цели использован итерационный метод, который обеспечивает сходимость процесса. Суть метода заключается в следующем. На первом шаге итерационного процесса предполагается, что величина $\varepsilon_{ip}^{(1)} = \varepsilon_{ip, \text{lim}} / 2$ является известной и решается обратная задача, по ней находится изгибающий момент M_{ip} , который на каждом шаге последовательных приближений сравнивается с заданным моментом M . В случае, если $M > M_{ip}$, величина пластической деформации в последующей итерации изменяется в сторону увеличения, если же $M < M_{ip}$ - то в сторону уменьшения.

Рассматривался вопрос о построении линий взаимодействия изгибающего момента и продольной силы в области ограниченных пластических деформаций, а также при повторно-переменных нагружениях.

В общем случае переменные нагружения относятся к классу сложных нагружений, когда в процессе деформирования происходит определенный поворот относительно деформируемой части главных осей напряжений и деформаций, и изменяются отношения их главных девиаторных компонентов, иными словами, направляющие тензоры напряжений и деформаций изменяются в процессе нагружений. Однако, следующие обстоятельства [2] оправдывают предлагаемую в работе методику получения линий взаимодействия усилий при исследовании переменных нагружений:

Рассматриваются лишь малые пластические деформации и только пропорциональные нагружения, которые обеспечивают простое предшествующие нагружение.

Результаты теории малых упругопластических деформаций, основанной на конечных соотношениях напряжения и деформаций, согласуются с экспериментами и при нагружениях, близких к простому, что и осуществляется в ряде случаев переменного нагружения.

Выполнение теоремы о приспособляемости сечения позволяет получить предельную линию взаимодействия усилий.

Область взаимодействия продольной силы N и изгибающего момента M , которые обеспечивают приспособляемость сечения, строится согласно неравенствам

$$N_{\text{lim}}^S \leq N \leq N_{\text{lim}}^R, \quad 0 \leq M \leq M_{\text{lim}},$$
 где N_{lim}^S , N_{lim}^R предельная сжимающая и предельная растягивающая продольные силы, M_{lim} - предельный изгибающий момент.

Как наиболее типичный рассматривался случай, когда на первом этапе нагружения заданная величина пластической деформации достигается в верхних волокнах наиболее нагруженного сечения и вызвана действием сжимающей продольной силой и изгибающим моментом.

При расчете для первого этапа нагружения значения предельной сжимающей силы и изгибающего момента находились непосредственно по геометрическим характеристикам сечения, а также расчетным сопротивлениям материала полки и стенки сечения, при этом рассматривались отдельно как стальные, так и бистальные двутавры. При нахождении предельного значения M_{lim} для бистальных сечений дополнительно рассматривались следующие случаи напряженно-деформированного состояния сечения: 1) за пределом упругости работают только части стенки, которые прилегают к обоим поясам, в центральной части стенки сохраняется упругое ядро, в упругой области работают оба пояса сечения; 2) случай односторонней текучести стенки сечения, за пределом упругости работает часть стенки возле меньшей полки.

Таким образом, основное отличие при расчете прочности бистальных стержней от моносталых состоит в определении напряженно-деформированного состояния сечений: для бистальных стержней возможны пять случаев напряженно-деформированного состояния сечений, для моносталых – три; развитие предельной пластической деформации для бистальных стержнем достигается в верхней и нижней частях стенки, для моносталых также в верхней или нижней полках.

Для симметричных сечений действительны все результаты, полученные для асимметричных сечений, потому отдельно симметричные сечения не рассматриваются. При действии только изгибающего момента без продольной силы нейтральная линия располагается в середине высоты стенки и не смещается при развитии пластических деформаций, в асимметричных сечениях нейтральная линия не совпадает с центром тяжести и, кроме того, изменяет свое положение при различных величинах пластических деформаций. При одновременном действии изгибающего момента и продольной силы как

симметричные, так и несимметричные сечения работают таким образом, что нейтральные линии не совпадают с центрами тяжести сечения и смещаются при изменении величины действующих усилий.

В отличие от области взаимодействия продольной силы и изгибающего момента, которая обеспечивает упругую работу и имеет линейный вид, область взаимодействия в предположении достижения предельной пластической деформации имеет криволинейную форму. Значения M_{lim} определялись по эпюрам напряженно-деформированного состояния сечения, которые строились для значений продольной силы N , где $N/N_{lim} = 0; \pm 0,1; \pm 0,2; \dots; \pm 0,9$. При приложении на втором и последующих этапах нагружения заданной сжимающей (растягивающей) силы N_k и изгибающего момента M_k для приспособляемости сечения необходимо, чтобы в соответствии со статической теоремой о приспособляемости суммарные напряжения в волокнах сечения не превышали разности между расчетным сопротивлением и остаточными напряжениями, поэтому для определения значений предельных внешних усилий предварительно были построены эпюры остаточных напряжений согласно методике, изложенной в работе.

В случае приложения повторных усилий проверку на выполнение условий статической теоремы о приспособляемости необходимо произвести относительно верхних и нижних волокон сечения, а также областей, в которых при первом нагружении достигались максимальные напряжения. В связи с этим максимальное значение предельного изгибающего момента, к которому приспособится сечение при повторном нагружении и заданном значении продольной силы определялось с использованием итерационного алгоритма. На первом этапе приближенное значение искомого момента находилось по условию равенства суммарных напряжений в верхних волокнах стенки расчетному сопротивлению. По найденному изгибающему моменту M_k определяются суммарные напряжения в точках сечения, и в случае превышения расчетного сопротивления уменьшение значения момента осуществляется методом деления отрезка пополам, то есть имеет место уменьшение изгибающего момента на величину $M_k / 2^k$, где k - номер шага итерационного алгоритма, или при наличии запаса увеличение на эту величину.

ВЫВОДЫ

Вышеизложенная методика построения эпюр напряженно-деформированного состояния сечений использовалась для исследования приспособляемости сечений на первом и последующих циклах нагружения. В результате получены результаты, которые показывают формирование неизменного поля остаточных напряжений на 3-4 этапах нагружения. Таким образом, область взаимодействия изгибающего момента и продольной силы, обеспечивающая приспособляемость сечений, остается неизменной для всех дальнейших циклов нагружения.

ЛИТЕРАТУРА

1. Чернов Н.Л., Стрелецкий Н.Н., Любаров Б.И. Расчеты стальных конструкций на прочность по критерию ограниченных пластических деформаций. // Известия вузов. Строительство и архитектура. -1984.- №7.- с.1-9.
2. Шибанин В.С. Прочность изгибаемых стальных стержневых конструкций при учете физической и геометрической нелинейности в области ограниченных пластических деформаций. Докторская диссертация. –Одесса, - 1993.

3. Шибанін В.С., Богза В.Г., Цепуріт О.В. Теоретико-експериментальне дослідження роботи бісталевих стержнів симетричного перерізу при повторно-змінних навантаженнях за межею пружності // Металеві конструкції. - Т. 2.- № 1, 1999. - С. 39-43.
4. Цепуріт О.В. Пристосування моносталевих стержнів симетричного перерізу при повторно-змінних навантаженнях в області обмежених пластичних деформацій // Вісник аграрної науки Причорномор'я. - Вип 1(6). - Миколаїв: МДАА, 1999. - С. 162-166.
5. Балдин В.А., Ильясевич С.А., Броуде Б.М., Бельский Г.Е. Некоторые вопросы расчета стальных конструкций по предельным состояниям первой группы // Строительная механика и расчет сооружений, 1976, № 1. – С54-57.
6. Балдин В.А., Потапов В.Н., Фалеев А.А. О сопротивлении стали деформированию при неравномерном распределении напряжений //Строительная механика и расчет сооружений, 1977, №1. – С29-31.
7. Илюшин А.А. О приращении пластической деформаций и поверхности текучести // Прикладная математика и механика, 1960. – Т. 24. – В. 4.
8. Картопольцев В.М. К вопросу проектирования бистальных балок пролетных стросений мостов // В кн.: Исследования по строительным конструкциям и строительной мханике. – Томск: ТГУ, 1976, – С223-227.
9. Мурашко В.П. Обобщенные усилия в задаче приспособляемости сжато-изогнутых стержней / Сб. научн. Трудов "Рациональные строительные конструкции зданий и сооружений". Госстрой БССР. Ин-т строительства и архитектуры: Минск, 1985. – С26-34.
10. Мушанов В.П. "Дійсна робота та надійність мембранних конструкцій". Автореф. дисс. д-ра техн. наук: 05. 23. 01. – Одеса – 1997.
11. Надаи А. Пластичность и разрушение твердых тел. – М.: Изд-во иностр. лит. – Т. 1, 1954. – 647С.
12. Перельмутер А.В. Избранные проблемы надежности и безопасности строительных конструкций. – Киев: Изд-во УкрНИИпроектстальконструкция, 2000. – 215С.
13. Потапкин А. А. Проектирование стальных мостов с учетом пластических деформаций. – М.: Транспорт, 1984. – С 31-41.
14. Расчет металлических конструкций на многократные нагрузки с учетом пластических деформаций. Раздел: "Предложения для нормативных документов на уточнение расчета на прочность с учетом пластических деформаций стальных конструкций при подвижных нагрузках". Книга 1. : Отчет по НИР № 447-57-75 / ЦНИИПСК, ОСК-3, выш.73, – 1975. –111С.
15. Рекомендации по проектированию бистальных балок. - М.: ЦНИИПроектстальконструкция им. Н.П. Мельникова, 1985. – 47С.
16. Соловьев А.В. Стесненное кручение стальных балок при развитии ограниченных пластических деформаций: Автореф. дисс. канд. техн. наук: 05. 23. 01. – Самара, 1998. – 23С.
17. Стрелецкий Н.Н. Первоочередные вопросы развития методики предельных состояний / Развитие методики расчета по предельным состояниям. Сб. статей под ред. Е.И. Беленя. – М.: Стройиздат, 1971. – С 87-95.
18. Чернов Н.Л., Стрелецкий Н.Н., Любаров Б.И.. Расчеты стальных конструкций на прочность по критериям ограниченных пластических деформаций. - Известия вузов. Строительство и архитектура, 1984, №7. – С1-9.
19. Чернов Н.Л., Шибанин В.С Особенности расчета бистальных двутавров по критерию предельных пластических деформаций // Изв. вузов. Строительство и архитектура, 1983, №9. – С 14-18.

20. Шибанин В.С Влияние сварочных напряжений при изгибе с осевой силой и весьма малых пластических деформациях //Сб. трудов / Николаевский кораблестроительный институт. – Николаев, 1981. – Вып. 175. – - С 81-86.

**THE CALCULATION OF SOLIDNESS OF BAR ELEMENTS OF STEEL
CONSTRUCTIONS IN THE PART OF PLASTIC DEFORMATION
LIMITATION UNDER PRESSURE OF DIFFERENT COMBINATIONS OF
LOADING.**

Summary. In the article there is a description of calculation methods of bar's selection solidness of one- and twosteel elements in the part of under pressure plastic deformation with different combinations of outward efforts with operation of repeated-variable loading.

Key words: Shem of deformation, limited plastic deformation.